# CWB/GFS Tco383L72大氣模式系集預報測試 Testing for Tco383L72 Global Ensemble Prediction

#### 郭珮萱<sup>1</sup> 陳登舜<sup>2</sup> 劉邦彥<sup>3</sup> 陳建河<sup>2</sup>

1中央大學大氣科學系 2中央氣象局氣象資訊中心 3中央氣象局氣象科技研究中心

#### 摘 要

本研究主要使用CWB/GFS Tco383L72大氣模式進行35天之系集預報測試,Tco383L72大 氣模式使用八面體網格、水平解析度25km、垂直72層、模式層頂0.1 hPa。系集預報之20組系 集成員使用系集卡爾曼濾波法(Ensemble Kalman Filter, EnKF)產生,系集預報過程中,也加入 了隨機擾動參數化趨勢(Stochastically Perturbed Parametrization Tendencies, SPPT)及隨機動能 反向散射(stochastic kinetic energy backscatter, SKEB)機制來增加系集預報的不確定性。在三個 案例測試結果顯示,Tco383L72大氣模式之系集預報在熱帶地區有明顯改善,包括500 hPa重 力位高度場、850hPa溫度場、850 hPa風場U及200 hPa風場U之系集均方根誤差及系集分歧度 皆有改善。而在SPPT隨機擾動之標準差值敏感度測試中,模式系統對SPPT第一項參數(500 km/6 hr)之隨機擾動標準差值較不敏感,對第二項參數(1000 km/3 day)隨機擾動之標準差值較 敏感,增加隨機擾動標準差可增加系集分歧度。

關鍵字:系集預報

## 一、前言

109年起CWB GFS模式作業系統改以octahedral Gaussian grid網格架構(Tco網格)進行16天之短期天 氣預報作業,Tco639L72(水平解析度15Km,垂直72 層)之5天預報結果明顯較原T511解析度之模式結果 為好。目前全球模式展期天氣(45天)系集預報系統 (Global Ensemble Prediction System, GEPS) 使用的全 球波譜大氣模式,仍然是過去舊作業模式的尤拉預報 方程組,解析度為T319L60相當於水平解析度為40公 里、垂直有60層,模式的層頂在0.1mb,模式物理參 數化也是舊的參數化模組。因此,配合短期作業模式 更新,展期天氣之系集預報系統亦將進行更新,本研 究以短期天氣作業模式CWBGFS-TCo639L72為基礎, 建立新的展期天氣(45天)系集預報系統,新的預報系 統模式之解析度預計為Tco383L72(水平解析度25 Km,垂直72層),並進行20組成員之系集預報 (CWB/GEPS-Tco383,其後稱為GEPS-Tco383),並對 此系統進行系集預報測試。

此外,近年NCEP EMC (Environmental Modeling Center, National Centers of Environmental Prediction, National Weather Service (NWS), National Oceanic and Atmospheric Administration (NOAA))團隊對SPPT的 擾動方式也有更新(Zhu et al., 2018),此一更新對模式 應也有不同影響。因此,在GEPS-Tco383系統之建置 過程中,亦將測試使用EnKF系集成員及新的SPPT擾 動方式,並了解其對系集展期預報結果之影響。

### 二、研究方法

規劃的新系集系統主要執行流程如圖1所示,初 始場資料使用系集卡爾曼濾波器(Ensemble Kalman Filter, EnKF)法進行每6小時的更新週期進行預報計 算,更新週期之預報計算包括36個成員,解析度為 Tco383L72。由EnKF所產生36個成員中選取第1-20個 成員作為GEPS之初始場。其後,在預報過程中使用 Stochastically Perturbed Parametrization Tendencies (SPPT)隨機擾動方式(Palmer et al, 2009),對模式物理 機制所計算的趨勢項進行擾動,利用隨機擾動方式以 增加模式的不確性,最後進行系集成員的平均值計算 及分歧量計算,以了解系集系統的預報分佈。

EnKF法之資料同化系統中(36組成員)(Evensen, 1994; Houtekamer and Mitchell, 1998; Whitaker and Hamill, 2002),假設當Gridpoint Statistical Interpolation (GSI)系統準備好同化新的觀測資料時,利用某段時間 的一組系集預報來估計當時狀態,將EnKF的分析更新 分為平均場更新和擾動場更新。每筆觀測資料逐次依 序同化,如此一來,同一筆觀測後更新的平均場和擾 動場則用來當作同化第二筆資料的背景場。因EnKF之 作業主要在Tco383之解析度上進行,因此在GEPS-TCo383系集預報模式作業過程中,我們選取其中20組 成員進行系集預報,如此可以減少系集預報的步驟、 加快預報的運行。



SPPT使用的主要目的是用來隨機擾動物理過程所造成的不確定性,期望藉此可提高模式預解的分佈,SPPT法主要是由Palmer等人(2009)所發展,主要是對物理模式積分時的趨勢項(tendency terms)進行擾動,使得系集成員的分佈增加,依據Palmer等人的敘述,對於網格上的亂數擾動量可表示為

$$r = \sum_{mn} \hat{r}_{mn} Y_{mn} \tag{\vec{t} 2.1}$$

r是在網格上的亂數擾動,而产是存在於spectral座標上的 亂數,是Ymn是球面調和係數 (spherical harmonic), m 是zonal wavenumber (緯向波數), n是total wavenumber (總波數), 介隨時間的變化為,

 $\hat{r}_{mn}(t + \Delta t) = \phi \hat{r}_{mn}(t) + \sigma_n \eta_{mn}(t)$  (式2.2)  $\eta_{mn}$ 是具有單位變異數及平均值為0的獨立高斯隨機 數,  $\hat{r}_{mn} \odot \phi$ 控制,

$$\phi = \exp(-\Delta t/\tau) \tag{$\frac{\pi}{\pi}$2.3}}$$

 $\Delta t$ 為設定模式的每時步(timestep)的時間間隔,  $\tau$ 為影響的時間長度。 $\hat{r}_{mn}$ 的變異數的設定的時間尺度有關, 為  $var(Re\hat{r}_{mn}) = \frac{\sigma_n^2}{\sigma_m^2}$ , 標準信差  $\tau$  为

$$\sigma_n = F_0 \exp(-\kappa T n (n+1)/2) \qquad (\text{T} 2.4)$$

$$\sigma_n = (var(r)(1-\phi^2))^{1/2} \qquad (\text{T} 2.5)$$

$$F_0 = \left(\frac{\nu u(r)(1-\psi)}{2\sum_{n=1}^{N}(2n+1)\exp(-\kappa Tn(n+1))}\right) \qquad (\text{$\frac{1}{12}$}, 2.5)$$

var(r)為擾動的變異數,kT 為空間尺度衰減係數, $\kappa T = \frac{L^2}{2R_e^2}$ , 其中  $R_e$  是地球半徑,L 是選取的影響水平長度,可為 10 km-1500km。

本研究中的 SPPT 法仿照 EMC 朱等人(Zhou et al., 2018)之方式,參考 SPPT 的原理,針對模式物理過程 所計算的變數(u,v,t)之變化趨勢項,利用時間及空間 分佈的設定,計算出隨機擾動係數,並此擾動係數加 入原本的趨勢項內,擾動前後的趨勢計算可表示如式 2.6 及式 2.7。

$$\hat{P} = (1+r')P \qquad ( \not \exists \ 2.6 )$$

**Ŷ**為擾動後的趨勢項,P 為物理機制所計算的趨勢項,r'為網格上的亂數擾動項,由五個時間、空間設定所計算出網格上的隨機擾動係數r(式 2.1),此擾動係數遵循 Gaussian 分佈,但由於擾動後的趨勢項若改變了原本物理機制所計算的趨勢方向,對模式會產生很大的不穩定度,因此,在計算出擾動係數後,經過指數計算,將擾動係數(1+r')控制在[0, 2]之間,以維持趨勢項擾動後也與原本物理機制所計算的趨勢方向相同。

$$r' = \left(\frac{2}{\exp(r)+1}\right) \cdot 1 \qquad ( \overrightarrow{\mathbb{T}} 2.7)$$

本研究中,希望可增加目前模式系集成員之間的 Spread,此spread可能會隨著SPPT的設定而有不同的分佈結 果,為瞭解目前所使用的SPPT法各時間空間之隨機擾動 趨勢對模式的影響量,進行SPPT random pattern的敏感度測 試,主要是調整不同時間、空間的隨機數(random number)的 標準偏差量,來測試系集Spread隨隨標準偏差改變的結果。 由於GEPS預報以45天以內為主,隨機擾動的參數中,可能 尺度較小、時間較快的scale1及scale2對預報結果影響較大, 因此先針對scale1及scale2進行敏感度測試,其中因scale 1之 預設值為0.8,為確認模式使用指數結1算可減緩過大或反向 之趨勢擾動量,針對尺度較小之scale 1還進行超過1倍之1.2 倍及2倍標準偏差的隨機擾動測試。本研究測試的 TCo383L72模式主要設定如表1,敏感度測試使用的 擾動標準偏差設定如表2所示,其中,GEPS-T319版 與GEPS-Tco383之SPPT計算中,對於隨機變數子的 獲得方式、空間尺度之波數分配排列計算等皆不同。

測試之系集結果(GEPS-Tco383)將與正在作業之 系集結果(GEPS-T319)進行比較,並利用系集平均、 系集平均均方根(root-mean-square, rms)、及系集分歧 (ensemble spread)之結果來判斷,其之計算方式如式 2.8至式2.10 (Whitaker and Loughe, 1998)。

$$\begin{split} \bar{\psi}(\lambda,\phi) &= \frac{1}{N} \sum_{j=1}^{N} \psi_j \qquad (\not{\mathbb{R}} 2.8) \\ E(\lambda,\phi) &= \left[ \left( \psi_a(\lambda,\phi) - \bar{\psi}(\lambda,\phi) \right)^2 \right]^{1/2} \qquad (\not{\mathbb{R}} 2.9) \end{split}$$

$$\begin{split} S(\lambda,\phi) &= \left\{ \frac{1}{N} \sum_{j=1}^{N} \left[ \psi_j(\lambda,\phi) - \bar{\psi}(\lambda,\phi) \right]^2 \right\}^{1/2} \quad (\exists 2.10) \\ \text{N} \ & \text{E成員數}, \psi_a \text{E觀測值由模式自己的分析場資料} \\ & \text{提供}, \bar{\psi}(\lambda,\phi) \text{是系集平均}, E(\lambda,\phi) \text{是系集的均方根誤} \\ & \tilde{E}, \quad S(\lambda,\phi) \text{是系集分歧量(spread)} \\ & \text{.} \end{split}$$

表1、T319L60與Tco383L72模式比較表

	T319L60	Tco383L72	
	(operation)		
Grid	(1) Reduced	(1) octahedral reduced	
	Gaussian grid	Gaussian grid (1552x768,	
	(960x480 , 40 km)	25 km)	
	(2) vertical : S-P	(2) vertical : S-P hybrid 72	
	hybrid 60 layers	layers	
Dy-core	Eulerian	Non-iteration Dimensional-	
		split Semi-	
		Lagrangian(NDSL)+Semi-	
		implicit	
		(Juang 2007, Juang 2008)	
convection	revision Simplified	scale- and aerosol- aware	
	Arakawa-Schubert	Simplified Arakawa-	
	(Han and Pan, 2011)	Schubert (Han et al., 2017;	
		Arakawa and Wu, 2013)	
radiation	RRTMG (Iacono et	RRTMG (Iacono et al.,	
	al., 2008)	2008)	
PBL	(Han and Pan, 2011)	Eddy Diffusivity/Mass	
		Flux (EDMF) Monin (Han	
		et al., 2016)	
Gravity	(1) Orographic:	(1) Orographic: Kim &	
wave drag	Palmer (1986)	Arakawa (1995), Lott and	
	(2) Convective:	Miller (1997)	
	Scinocca (2003)	(2) Convective:	
		stationary convectively	
		forced gravy wave drag	
	F' 100T	(Chun and Baik, 1998)	
SST setting	Fixed SST	Tendence of SST:	
	(=initial SS1)	$(1)\pm 30^{\circ}N$ : SIT (a one-	
		column sea model)	
		$(2) \pm 30-40^{\circ}N$ : SIT &	
		MOM3 weighting(>1day)	
		$(3) \pm 40-90^{\circ}$ N: MOM3 (1-	
		25 day) + OISST	
		climatology weighting	
		(after 25 day)	

表2、GEPS-T319、	GEPS-Tco383L72 模式 SPPT	隨機憂動
主要設定		

SPPT scale	L/ au	GEPS-T319	GEPS-Tco383	
member source		SV	EnKF	
1	500km/6hr	0.8	0.8 or 1.2 or 2	
2	1000km/3day	0.4	0.4 or 0.6 or 0.8	
3	2000km/30day	0.1	0.1	
4	2000km/90day	N/A	0.08	
5	2000km/1year	N/A	0.04	
	Random seeds	Renew every timestep	Setup at first timestep and keep after	
	Random Dist.	Gaussian PDF	Gaussian PDF	

### 三、結果與討論

目前的測虑結果顯示,在模式的初始場之系集成員分布 部分,圖2為2018年3個初始場(2018-11-28,2018-12-01,2018-12-0500Z)之系集成員重力位高度、溫度及風場初始場之系集 成員分歧量,可看出目前三個初始場之結果一致,整體而言, EnKF(紅線)初始場 spread 明顯較 GEPS-T319 使用之初始場 (黑線)大。黑線重力位高度場 spread 在近地表最小,之後隨高 度增加模式上層(100 hPa)處達到最大,溫度場在近地表及高 層之 spread 皆小,最大值在 500 hPa 附近,而風場垂直方向 上的 spread 都很小不到 0.2。目前 EnKF 的 spread 明顯較原 GEPS-T319 大,且無論是在近地表或是高層都保有一定的 spread, EnKF 重力位高度場最大 spread 在 300 hPa 附近,溫 度場在 850 hPa 附近,最大風場 spread 也在 300 hPa 附近。



(a)-(c)為 2018-11-28, 圖(d)-(f)為 2018-12-1,圖(g)-(i)為 2018-12-5。

針對 scale1 及 scale2 之敏感度測試,測試之初始時間為 2020-11-11,11-14,11-18,11-22 及 12-2 00Z 共5 個初始場,並 分析 500 hPa 重力為高度(H500)、850 hPa 溫度(T850)、850 hPa

風場 U(U850)、200 hPa 風場 U(U200)系集平均 RMSE 及系集 Spread。

為確認目前模式 SPPT 所計算出之 5-scale 擾動趨勢的標準偏差與目標設定值是否符合,圖3為在 scale1=0.8、 scale2=0.4、 scale3=0.1、 scale4=0.08、 scale5=0.04 的設定下, 在式2-7 指數計算之前模式所計算出的擾動變數標準偏差範例,顯示目前之擾動標準差量預期設定量相似,且總標準偏差範差量約為1,也符合預期。



圖8、GEPS-Tco383 SPPT Total及5個scale隨機擾動係數範例

#### (a) Scale1 (500km/6hr)

針對 scale1 的擾動測試,圖4、圖5為 scale1 敏感度測試 的結果,圖中黑線為 GEPS-T319 之結果作為背景,藍線、綠 線及紅線分別為 scale 1 的設定為 0.8, 1.2 及 2.0 之結果。 500km/6hr 屬於較快速且較小尺度的變化,改變 scale1 是測試 改變小尺度、快速變化的擾動量,是否可在預報的前幾天就 可增加系集的 spread。而測試結果顯示,改變 SPPT scale1 對 預報系集平均的 RMSE 影響不明顯,預報的前 10 日的 (RMSE-spread)差值線中,H500 及 T850 的結果對 scale1 的反 應較不明顯(圖4),僅風場 U850、U200(圖5)略有隨 scale1 的 值增加而下降但差異還是不大,且在預報 20 天後, scale1 的 改變對(RMSE-spread)的結果反應不明顯,顯示目前系集 spread 對 scale1 的變化較不敏感。





圖4、為SPPT scale1 參數測試H500、T850 各區域系集平均 RMSE(圖(a)-(d), (i)-(l)中實線)、系集 spread(圖(a)-(d), (i)-(l)中點線)及系集平均 RMSE 與 spread 之差值(圖(e)-(h), (m)-(p)中實線),圖(a)-(h)為H500 之結果,圖(i)-(p)為T850 之結果。



圖 5、為 SPPT scale1 參數測試 U850、U200 各區域系集平均 RMSE(圖(a)-(d), (i)-(l)中實線)、系集 spread(圖(a)-(d), (i)-(l)中點線)及系集平均 RMSE 與 spread 之差值(圖(e)-(h), (m)-(p)中實線),圖(a)-(h)為 U850 之結果,圖(i)-(p)為 U200 之結果。

#### (b) Scale2 (1000km/3day)

針對 scale2 的擾動測試,圖6、圖7為 scale2 敏感度測試 的結果,圖中黑線為 GEPS-T319 之結果作為背景,藍線、綠 線及紅線分別為 scale2 的設定為 0.2,0.4 及 0.6 之結果。Scale2 屬於偏向中尺度變化,由 scale2 的調整可測試增加隨機變動 趨勢的變異數、模式受到較強的中尺度隨機變動後,是否可 提高系集之 spread。由(RMSE-spread)的結果差值圖中,預報 前 10 日之 spread 即可看出 scale2 不同係數的影響,增加 scale2 之係數可增加系集的 spread,熱帶地區的 spread 變化更顯著。 scale2=0.6 的設定下,H500 及 T850 皆有較高的 spread(圖6), 但對風速 U850 及 U200 之變數(圖7), scale2=0.6 的設定在 預報後期(20 天後)會有 spread 過高的現象,因此,目前建議 scale2 不應超過 0.6。





圖 6、為 SPPT scale2 參數測試 H500、T850 各區域系集平均 RMSE(圖(a)-(d), (i)-(l)中實線)、系集 spread(圖(a)-(d), (i)-(l)中點線)及系集平均 RMSE 與 spread 之差值(圖(e)-(h), (m)-(p)中實線),圖(a)-(h)為H500之結果,圖(i)-(p)為T850 之結果。



圖7、為SPPT scale2 參數測試U850、U200 各區域系集平均 RMSE(圖(a)-(d), (i)-(1)中實線)、系集 spread(圖(a)-(d), (i)-(1)中點線)及系集平均 RMSE 與 spread 之差值(圖(e)-(h), (m)-(p)中實線),圖(a)-(h)為U850 之結果,圖(i)-(p)為 U200 之結果。

以2020-11-11 之實驗作為案例,不同 scale2 的設定下, 預報第5、10、15 及 20 日之系集 spread 隨高度差異如圖 8 所 示,其中可發現 scale2 對整層的大氣皆有影響,且在預報前 10 日內改變量較明顯,預報 15 日後,不同 scale2 的設定對 不同高度的溫度場 spread 仍有敏感度,而對重力位高度及風 速之 spread 敏感度較低。此外,在 2020-11 至 2020-12 的案 例則試中,GEPS-TCo383 在熱帶的表現明顯較 GEPS-T319 好,且熱帶的 T850 及風場之系集 spread 也明顯與系集 RMSE 較接近,目前 GEPS-TCo383 應較 GEPS-T319 有更好的預報 結果及且可提供較大的不確定性分佈。



圖 8、SPPT scale2 參數測試之重力位高度、溫度、風速隨預 報時間、高度之系集 Spread,圖(a)-(c)為預報 120 小時、 圖(d)-(f)為預報 240 小時、圖(g)-(i)為預報 360 小時、圖 (j)-(l)為預報 480 小時之結果。

### 四、結論與未來工作

CWBGFS 短期天氣預報作業模式已更新為 Tc。639L72(水平解析度15Km,垂直72層),隨著短期天氣預 報模式的更新,目前已初步完成(CWB/GEPS-Tco383)的 GEPS系統流程建置,預報模式將以Tc。639L72為基礎,並 降解析度至Tc。383L72(水平解析度15Km,垂直72層),由 系集預報測試結果顯示,GEPS-TCo383在熱帶地區有明顯的 改進,北半球及南半球雖改進量不大,但系集平均RMSE也 略較GEPS-T319降低。

GEPS-Tco383 調整測試工作中,目前完成測試由36個 EnKF 系集成員中,選取20個成員資料作為GEPS-Tco383初 始場之可能性,顯示使用EnKF 作為系集之初始場,有助於 提高系集初始時間的spread,以提高系統的不確定性。而針對 預報過程中物理機制的不確定的測試中,對物理 tendence 進 行隨機優動之5-scale SPPT 敏感度測試結果顯示,新的SPPT 機制使用後的確可略增加系集的 spread,而隨機擾動除數之 敏感測試結果顯示,改變小尺度、較快之 scale1 (500km/6hr) 隨機係數對系集 spread 的影響較不顯著,而中尺度之 scale2 (1000km/3day)之擾動將數對系集 spread 較有影響,增加Iscale2 的係數可增加系集 spread,模式預報前10日就可開始增加, 但 scale2 也建義不超過 0.6,不然對於熱帶之風場可能會有 spread 過大的情況。

由於目前僅為個案測試,GEPS-Tco383 系統的整理表現 還未明確,後續在GEPS-Tco383 測試調整工作中,將會持續 利用更多案例進行測試,及進行系集系統相關的統計分析。

## 五、參考文獻

1. Arakawa, A., & Wu, C. M. (2013). A unified representation of

deep moist convection in numerical modeling of the atmosphere. Part I. Journal of the Atmospheric Sciences, 70(7), 1977-1992.

- Chun, H. Y., & Baik, J. J. (1998). Momentum flux by thermally induced internal gravity waves and its approximation for largescale models. Journal of the atmospheric sciences, 55(21), 3299-3310.
- Evensen, G. (1994). Sequential data assimilation with a nonlinear qua-si-geostrophic model using Monte Carlo methods to forecast error statistics. J. Geophys. Res., 99 (C5), 10 143–10 162.
- Han, J., & Pan, H. L. (2011). Revision of convection and vertical diffusion schemes in the NCEP global forecast system. *Weather and Forecasting*, 26(4), 520-533.
- Han, J., Wang, W., Kwon, Y. C., Hong, S. Y., Tallapragada, V., & Yang, F. (2017). Updates in the NCEP GFS cumulus convection schemes with scale and aerosol awareness. Weather and Forecasting, 32(5), 2005-2017.
- Han, J., Witek, M. L., Teixeira, J., Sun, R., Pan, H. L., Fletcher, J. K., & Bretherton, C. S. (2016). Implementation in the NCEP GFS of a hybrid eddy-diffusivity mass-flux (EDMF) boundary layer parameterization with dissipative heating and modified stable boundary layer mixing. Weather and Forecasting, 31(1), 341-352.
- Houtekamer, P. L., and H. L. Mitchell (1998). Data assimilation using an ensemble Kalman filter technique. Mon. Wea. Rev., 126, 796–811.
- Iacono, M. J., Delamere, J. S., Mlawer, E. J., Shephard, M. W., Clough, S. A., & Collins, W. D. (2008). Radiative forcing by long-lived greenhouse gases: Calculations with the AER radiative transfer models. Journal of Geophysical Research: Atmospheres, 113(D13).
- Juang HMH. (2007). Semi-Lagrangian advection without iteration. In *Proceedings of the Conference on Weather Analysis and Forecasting*. Central Weather Bureau: Longtan, Taoyan, Taiwan; 277.
- Juang HMH. (2008). Mass conserving and positive semi-Lagrangian tracer advection in NCEP GFS. In *Proceedings of the Conference on Weather Analysis and Forecasting*. Central Weather Bureau: Taipei. Taiwan; 225–227.
- Kim, Y. J. and Arakawa, A. (1995). Improvement of Orographic Gravity Wave Parameterization Using a Meaoscale Gravity Wave Model. *J. Atmos. Sic.*, 52,1875-1902
- Lott, F., & Miller, M. J. (1997). A new subgrid-scale orographic drag parametrization: Its formulation and testing. Quarterly Journal of the Royal Meteorological Society, 123(537), 101-127.
- Palmer, T. N., Buizza, R., Doblas-Reyes F., Jung T., Leutbecher M., Shutts G.J., Steinheimer M., Weisheimer A. (2009). Stochastic Parametrization and Model Uncertainty. Tech. Rep.

598. European Centre for Medium-Range-Weather Forecasts.

- Palmer, T. N., Shutts, G. J., Swinbank, R. (1986). Alleviation of a systematic westerly bias in general circulation and numerical weather prediction models through an orographic gravity wave drag parametrization. *Quarterly Journal of the Royal Meteorological Society*, 112, 1001-1039.
- Scinocca, J. F. (2003). An accurate spectral nonorographic gravity wave drag parameterization for general circulation models. Journal of the atmospheric sciences, 60(4), 667-682.
- Whitaker, J. S., & Loughe, A. F. (1998). The relationship between ensemble spread and ensemble mean skill. Monthly weather review, 126(12), 3292-3302.
- Whitaker, J. S., and T. M. Hamill (2002). Ensemble data assimilation without perturbed observations. Mon. Wea. Rev., 130, 1913-1924.
- Zhu, Y., Zhou, X., Li, W., Hou, D., Melhauser, C., Sinsky, E., ... & Tallapragada, V. (2018). Toward the improvement of subseasonal prediction in the National Centers for environmental prediction global ensemble forecast system. Journal of Geophysical Research: Atmospheres, 123(13), 6732-6745.